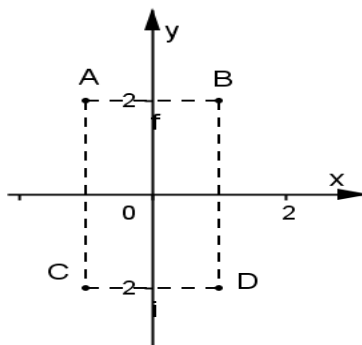


4.3. BIỂU DIỄN HÌNH HỌC CỦA SỐ PHỨC

MỨC ĐỘ 1: NHẬN BIẾT

□ Dạng 00: Câu hỏi lý thuyết, biểu diễn liên quan đến 1 số phức

Câu 82. Cho số phức $z = 1 + 2i$, điểm biểu diễn của số phức liên hợp $\bar{z}$ là



A. A.

B. D.

C. C.

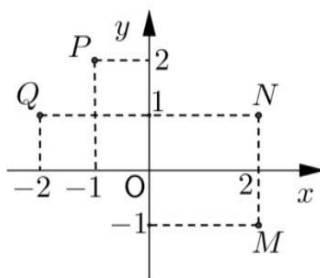
D. B.

Lời giải

Chọn B

Với $z = 1 + 2i \Rightarrow \bar{z} = 1 - 2i$, vậy điểm biểu diễn của số phức liên hợp $\bar{z}$ là D

Câu 83. Điểm nào trong hình vẽ bên là điểm biểu diễn số phức $z = 2 + i$?



A. N .

B. P .

C. Q .

D. M .

Lời giải

Chọn A

Điểm biểu diễn của số phức $z = 2 + i$ là điểm $N(2;1)$.

Câu 84. Cho số phức $z = 3 + i$. Điểm biểu diễn của z có tọa độ là

A. $(3; i)$.

B. $(-3; 1)$.

C. $(3; -1)$.

D. $(3; 1)$.

Lời giải

Chọn D

$z = 3 + i \Leftrightarrow z = 3 + 1i \Rightarrow$ điểm biểu diễn của z có tọa độ là $(3; 1)$.

Câu 85. Trên mặt phẳng tọa độ, cho số phức z thỏa mãn $\bar{z} = 3i - 1$, điểm biểu diễn số phức z là

- A.** $P(-1; -3)$ **B.** $N(1; -3)$ **C.** $M(-1; 3)$. **D.** $Q(3; -1)$

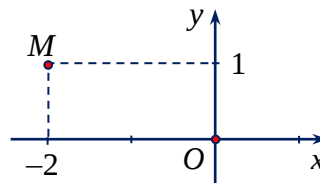
Lời giải

Chọn A

Ta có

$\bar{z} = 3i - 1 \Rightarrow z = -1 - 3i$ nên điểm biểu diễn số phức z trên mặt phẳng tọa độ là điểm $P(-1; -3)$.

Câu 86. Điểm M trong hình vẽ bên là điểm biểu diễn số phức



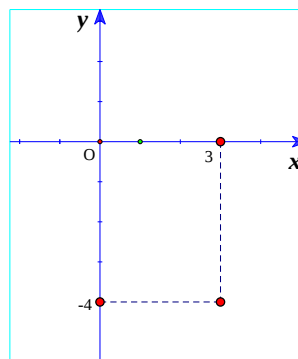
- A.** $z = 1 + 2i$. **B.** $z = -2 + i$.
C. $z = 1 - 2i$. **D.** $z = 2 + i$.

Lời giải

Chọn B

Điểm $M(-2; 1)$ biểu diễn số phức $z = -2 + i$.

Câu 87. Điểm M trong hình bên là điểm biểu diễn của số phức z .



Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.** Số phức z phần thực là -4 và phần ảo là 3 . **B.** Số phức z phần thực là -4 và phần ảo là $3i$.

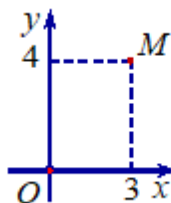
C. Số phức z có phần thực là 3 và phần ảo là -4 . **D.** Số phức z phần thực là 3 và phần ảo là $-4i$.

Lời giải

Chọn C

Điểm M biểu diễn cho số phức $z = 3 - 4i$.

Câu 88. Điểm M trong hình vẽ bên là điểm biểu diễn của số phức z .



Tìm phần thực và phần ảo của số phức z .

A. Phần thực bằng 3 và phần ảo bằng $4i$.

B. Phần thực bằng 4 và phần ảo bằng 3.

C. Phần thực bằng 4 và phần ảo bằng $3i$.

D. Phần thực bằng 3 và phần ảo bằng 4.

Lời giải

Chọn D

Từ hình vẽ ta có $M(3; 4)$ nên $z = 3 + 4i$.

Vậy Phần thực bằng 3 và phần ảo bằng 4.

Câu 89. Điểm $M(1; -3)$ trên mặt phẳng tọa độ biểu diễn số phức

A. $-3 + i$.

B. $3 - i$.

C. $1 - 3i$.

D. $1 + 3i$.

Lời giải

Chọn C

Điểm $M(1; -3)$ trên mặt phẳng tọa độ biểu diễn số phức $1 - 3i$.

□ Dạng 03: Tìm tâm, bán kính của đường tròn biểu diễn số phức z độc lập

Câu 90. Tập hợp các điểm biểu diễn cho số phức z thỏa mãn $|z - 3 + 4i| = 5$ là

A. Một đường Elip.

B. Một đường thẳng.

C. Một đường parabol.

D. Một đường tròn.

Lời giải

Chọn D

Tập hợp điểm biểu diễn cho số phức z là đường tròn tâm $I(3; -4)$, bán kính $R = 5$.

- Câu 91.** Cho số phức z thỏa mãn $|z - 1 + i| = 4$. Chọn phát biểu đúng
- A.** Tập hợp biểu diễn số phức z là một đường Parabol.
 - B.** Tập hợp biểu diễn số phức z là một đường thẳng.
 - C.** Tập hợp biểu diễn số phức z là một đường tròn có bán kính bằng 4.
 - D.** Tập hợp biểu diễn số phức z là một đường tròn có bán kính bằng 2.

Lời giải

Chọn C

Đặt $z = x + yi$ ($x, y \in \mathbb{R}$), khi đó

$$|z - 1 + i| = \sqrt{(x - 1)^2 + (y + 1)^2} = 4$$
$$\Leftrightarrow (x - 1)^2 + (y + 1)^2 = 16$$

Tập hợp biểu diễn điểm số phức z là đường tròn tâm $I(1, -1)$ bán kính bằng 4.

- Câu 92.** Cho số phức z thỏa mãn $|z - 1 + i| = 4$. Chọn phát biểu đúng
- A.** Tập hợp biểu diễn số phức z là một đường tròn có bán kính bằng 4.
 - B.** Tập hợp biểu diễn số phức z là một đường Parabol.
 - C.** Tập hợp biểu diễn số phức z là một đường thẳng.
 - D.** Tập hợp biểu diễn số phức z là một đường tròn có bán kính bằng 2.

Lời giải

Chọn A

Đặt $z = x + yi$ ($x, y \in \mathbb{R}$), khi đó

$$|z - 1 + i| = \sqrt{(x - 1)^2 + (y + 1)^2} = 4$$
$$\Leftrightarrow (x - 1)^2 + (y + 1)^2 = 16$$

Tập hợp biểu diễn điểm số phức z là đường tròn tâm $I(1, -1)$ bán kính bằng 4.

- Câu 93.** Tập hợp các điểm biểu diễn cho số phức z thỏa mãn $|z - 3 + 4i| = 5$ là
- A.** Một đường Elip.
 - B.** Một đường tròn.
 - C.** Một đường thẳng.
 - D.** Một đường parabol.

Lời giải

Chọn B

Tập hợp điểm biểu diễn cho số phức z là đường tròn tâm $I(3; -4)$, bán kính $R = 5$.

MỨC ĐỘ 2: THÔNG HIỂU

□ Dạng 00: Câu hỏi lý thuyết, biểu diễn liên quan đến 1 số phức

Câu 94. Gọi A, B lần lượt là các điểm biểu diễn của các số phức $z_1 = 1 + 2i$; $z_2 = 5 - i$. Tính độ dài đoạn thẳng AB .

A. 5.

B. 25.

C. $\sqrt{37}$.

D. $\sqrt{5} + \sqrt{26}$.

Lời giải

Chọn A

Ta có: $A(1; 2), B(5; -1) \Rightarrow AB = 5$.

Câu 95. Trong mặt phẳng Oxy , gọi A, B lần lượt là điểm biểu diễn số phức $1 + 2i$ và $-2 + i$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

A. Tam giác OAB vuông và không cân.

B. Tam giác OAB vuông cân.

C. Tam giác OAB tù.

D. Tam giác OAB đều.

Lời giải

Chọn B

Tọa độ các điểm A, B lần lượt là $(1; 2)$ và $(-2; 1)$.

$$\overrightarrow{OA} = (1; 2) \Rightarrow OA = \sqrt{5}; \overrightarrow{OB} = (-2; 1) \Rightarrow OB = \sqrt{5}.$$

$$\text{Ta có: } \begin{cases} \overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = 0 \\ OA = OB = \sqrt{5} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} OA \perp OB \\ OA = OB \end{cases} \Rightarrow \text{tam giác } OAB \text{ vuông cân tại } O.$$

Câu 96. Trên mặt phẳng tọa độ, cho số phức z có số phức liên hợp là $\bar{z} = 3 - 2i$, điểm biểu diễn số phức z là

A. $M(-3; 2)$.

B. $Q(3; -2)$

C. $P(3; 2)$

D. $N(-3; -2)$

Lời giải.

Chọn C

Ta có

$\bar{z} = 3 - 2i \Rightarrow z = 3 + 2i$ nên điểm biểu diễn số phức z trên mặt phẳng tọa độ là điểm $P(3; 2)$.

□ Dạng 01: Biểu diễn số phức qua các phép toán

Câu 97. Cho số phức $z = 1 + 2i$. Điểm nào dưới đây là điểm biểu diễn của số phức $w = z + i\bar{z}$ trên mặt phẳng tọa độ?

- A. $P(-3; 3)$. B. $Q(3; 2)$. C. $N(2; 3)$. **D. $M(3; 3)$.**

Lời giải

Chọn D

$$w = z + i\bar{z} = 1 + 2i + i(1 - 2i) = 3 + 3i.$$

Vậy điểm biểu diễn của số phức $w = z + i\bar{z}$ là $M(3; 3)$.

Câu 98. Gọi M , N lần lượt là điểm biểu diễn hình học các số phức $z = 2 - i$ và $w = 4 + 5i$. Tọa độ trung điểm I của đoạn thẳng MN là

- A. $I(2; 3)$. B. $I(4; 6)$. **C. $I(3; 2)$.** D. $I(6; 4)$.

Lời giải

Chọn C

Ta có: $M(2; -1)$ và $N(4; 5)$ vậy tọa độ trung điểm của đoạn thẳng MN là:

$$\begin{cases} x_I = \frac{2+4}{2} = 3 \\ y_I = \frac{-1+5}{2} = 2 \end{cases} \Rightarrow I(3; 2).$$

Câu 99. Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn số phức $z = (2 - i)(1 + i)$ là điểm nào dưới đây?

- A. $N(3; -1)$. **B. $P(3; 1)$.** C. $Q(1; 3)$. D. $M(2; 1)$.

Lời giải

Chọn B

$$Ta\ có: z = (2 - i)(1 + i) = 3 + i.$$

Vậy tọa độ điểm biểu diễn số phức z là điểm $P(3; 1)$.

Câu 100. Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn của số phức $z = \left(\frac{1+i\sqrt{3}}{1+i} \right)^3$ là điểm nào dưới đây?

- A.** $D(2; 2)$. **B.** $C(1; 3\sqrt{3})$. **C.** $B\left(\frac{1}{2}; \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$. **D.** $A(2; -2)$.

Lời giải

Chọn A

Ta có $z = \frac{1+3i\sqrt{3}+9i^2+3\sqrt{3}i^3}{1+3i+3i^2+i^3} = \frac{4}{1-i} = 2+2i$. Vậy điểm biểu diễn của z là $D(2; 2)$.

Câu 101. Gọi z_1 là nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình $z^2 - 2z + 5 = 0$. Tìm tọa độ điểm biểu diễn số phức $\frac{7-4i}{z_1}$ trên mặt phẳng phức?

- A.** $M(1; 2)$. **B.** $P(3; 2)$. **C.** $N(1; -2)$. **D.** $Q(3; -2)$.

Lời giải

Chọn B

Ta có:

$$z^2 - 2z + 5 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} z = 1 - 2i & (\text{TM}) \\ z = 1 + 2i & (L) \end{cases}$$

$$\text{Suy ra } \frac{7-4i}{z_1} = \frac{7-4i}{1-2i} = 3+2i.$$

Điểm biểu diễn là $P(3; 2)$.

Câu 102. Cho hai số phức $z_1 = 1 - 2i$; $z_2 = -3 + i$. Điểm biểu diễn của số phức $z = z_1 + z_2$ trên mặt phẳng tọa độ Oxy tương ứng là

- A.** $P(-2; -1)$. **B.** $Q(-1; 7)$. **C.** $N(4; -3)$. **D.** $M(2; -5)$.

Lời giải

Chọn A

- Ta có: $z = z_1 + z_2 = (1 - 2i) + (-3 + i) = -2 - i$
- Suy ra điểm biểu diễn số phức: $z = z_1 + z_2$ là $P(-2; -1)$.

□ **Dạng 02: Tập hợp điểm biểu diễn của số phức z độc lập**

Câu 103. Tập hợp các điểm M biểu diễn số phức z sao cho $z^2 = (\bar{z})^2$ là

A. Trục tung và trục hoành.

B. Trục tung.

C. Trục hoành.

D. Góc tọa độ.

Lời giải

Chọn A

Đặt $z = x + yi$ ($x, y \in \mathbb{R}$) nên $\bar{z} = x - yi$.

$$\text{Ta có } z^2 = (\bar{z})^2 \Leftrightarrow z^2 - (\bar{z})^2 = 0 \Leftrightarrow (z - \bar{z})(z + \bar{z}) = 0 \Leftrightarrow (2yi) \cdot (2x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \end{cases}.$$

Vậy tập hợp các điểm M biểu diễn số phức z là trục tung ($x = 0$) và trục hoành ($y = 0$).

Câu 104. Tập hợp các điểm M biểu diễn cho số phức z thỏa mãn $|z + 1 - 2i| = 5$ là đường tròn:

A. Tâm $I(-1; 2)$, bán kính $R = \sqrt{5}$.

B. Tâm $I(2; -1)$, bán kính $R = 5$.

C. Tâm $I(-1; 2)$, bán kính $R = 5$.

D. Tâm $I(1; -2)$, bán kính $R = 5$.

Lời giải

Chọn C

Đặt $z = x + yi$, $x, y \in \mathbb{R}$.

$$|z + 1 - 2i| = 5 \Leftrightarrow |x + 1 + (y - 2)i| = 5 \Leftrightarrow \sqrt{(x + 1)^2 + (y - 2)^2} = 5 \Leftrightarrow (x + 1)^2 + (y - 2)^2 = 25$$

Vậy tập hợp điểm M là đường tròn tâm $I(-1; 2)$, bán kính $R = 5$.

Câu 105. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , tập hợp tất cả các điểm biểu diễn của số phức z thỏa mãn $|z - 4 + i| = 3$ là đường tròn có phương trình:

A. $(x - 4)^2 + (y + 1)^2 = 9$.

B. $(x - 4)^2 + (y - 1)^2 = 3$.

C. $(x - 4)^2 + (y + 1)^2 = 3$.

D. $(x - 4)^2 + (y - 1)^2 = 9$.

Lời giải

Chọn A

+) Gọi số phức có dạng $z = x + yi$ ($x, y \in \mathbb{R}$), điểm $M(x; y)$ là điểm biểu diễn cho số phức z .

+) Ta có $|z - 4 + i| = \sqrt{(x - 4)^2 + (y + 1)^2}$

+) Theo bài ra ta có $|z - 4 + i| = 3 \Rightarrow \sqrt{(x-4)^2 + (y+1)^2} = 3 \Leftrightarrow (x-4)^2 + (y+1)^2 = 9$.

+) Vậy tập hợp tất cả các điểm biểu diễn của số phức z là đường tròn có phương trình $(x-4)^2 + (y+1)^2 = 9$.

Câu 106. Trong mặt phẳng phức, tập hợp các điểm biểu diễn các số phức z thỏa mãn $z \cdot \bar{z} = 1$ là?

A. một Elip. **B.** một điểm. **C.** một đường thẳng. **D.** một đường tròn.

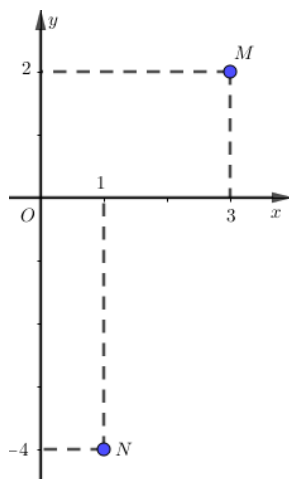
Lời giải

Chọn D

Gọi số phức $z = a + bi$, $a, b \in \mathbb{R}$.

Ta có: $z \cdot \bar{z} = 1 \Leftrightarrow (a + bi)(a - bi) = 1 \Leftrightarrow a^2 + b^2 = 1$. Là một đường tròn có tâm $I(0;0)$ và $R = 1$. Tập hợp các điểm biểu diễn các số phức z thỏa mãn $z \cdot \bar{z} = 1$ là một đường tròn.

Câu 107. (TH&TT LẦN 1 – THÁNG 12) Gọi z_1, z_2 lần lượt có điểm biểu diễn là M, N trên mặt phẳng phức (hình bên). Khi đó phần ảo của số phức $\frac{z_1}{z_2}$ là



A. $\frac{1}{2}$. **B.** $\frac{14}{17}$. **C.** $-\frac{1}{4}$. **D.** $-\frac{5}{17}$.

Lời giải

Chọn B

Dựa vào hình vẽ ta có được $z_1 = 3 + 2i, z_2 = 1 - 4i \Rightarrow \frac{z_1}{z_2} = \frac{3+2i}{1-4i} = -\frac{5}{17} + \frac{14}{17}i$.

Câu 108. Tìm tập hợp các điểm biểu diễn số phức z thỏa $|z - 3 + i| = 2$ trong mặt phẳng Oxy .

A. Đường tròn $(x+3)^2 + (y-1)^2 = 4$.

B. Đường tròn $(x-3)^2 + (y+1)^2 = 4$.

C. Đường tròn $(x-3)^2 + (y+1)^2 = 2$.

D. Đường thẳng $3x - y + 2 = 0$.

Lời giải

Chọn B

Đặt $z = x + yi$ ($x, y \in \mathbb{R}$). Ta có

$$|z - 3 + i| = 2 \Leftrightarrow \sqrt{(x-3)^2 + (y+1)^2} = 2 \Leftrightarrow (x-3)^2 + (y+1)^2 = 4.$$

□ Dạng 03: Tìm tâm, bán kính của đường tròn biểu diễn số phức z độc lập

Câu 109. Tập hợp điểm biểu diễn số phức z thỏa mãn điều kiện $|\bar{z} + 1 + 2i| = 1$ là

A. Đường tròn tâm $I(1; 2)$, bán kính $R = 1$. **B.** Đường tròn tâm $I(-1; -2)$, bán kính $R = 1$.

C. Đường tròn tâm $I(-1; 2)$, bán kính $R = 1$. **D.** Đường tròn tâm $I(1; -2)$, bán kính $R = 1$.

Lời giải

Chọn C

Đặt $z = x + yi$ ($x, y \in \mathbb{R}$) $\Rightarrow \bar{z} = x - yi$. Thay vào điều kiện $|\bar{z} + 1 + 2i| = 1$, ta có:

$$|x - yi + 1 + 2i| = 1 \Leftrightarrow |(x+1) + (-y+2)i| = 1$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{(x+1)^2 + (-y+2)^2} = 1$$

$$\Leftrightarrow (x+1)^2 + (y-2)^2 = 1.$$

Vậy tập hợp điểm biểu diễn số phức z thỏa mãn điều kiện $|\bar{z} + 1 + 2i| = 1$ là đường tròn tâm

$I(-1; 2)$, bán kính $R = 1$.

Câu 110. Tập hợp tất cả các điểm biểu diễn số phức z thỏa mãn $|\bar{z} - 4 + 3i| = 2$ là

A. đường tròn tâm $I(4; -3)$, bán kính $R = 4$. **B.** đường tròn tâm $I(-4; 3)$, bán kính $R = 4$.

C. đường tròn tâm $I(4; -3)$, bán kính $R = 2$. **D.** đường tròn tâm $I(4; 3)$, bán kính $R = 2$.

Lời giải

Chọn D

Gọi $M(x; y)$ là điểm biểu diễn số phức $z = x + yi \Rightarrow \bar{z} = x - yi$

$$\Rightarrow \bar{z} - 4 + 3i = (x - 4) + (3 - y)i$$

$$\Rightarrow |\bar{z} - 4 + 3i| = \sqrt{(x - 4)^2 + (3 - y)^2} = 2 \Leftrightarrow (x - 4)^2 + (y - 3)^2 = 4$$

$\Rightarrow M$ thuộc đường tròn (C) tâm $I(4; 3)$, bán kính $R = 2$.

$\Rightarrow$ Tập hợp tất cả các điểm M là đường tròn (C) tâm $I(4; 3)$, bán kính $R = 2$.

Câu 111. Tập hợp tất cả các điểm biểu diễn của số phức z thỏa mãn $|(1 + i)z - 5 + i| = 2$ là một đường tròn có tâm I và bán kính R lần lượt là

A. $I(2; -3); R = \sqrt{2}$. **B.** $I(2; -3); R = 2$ **C.** $I(-2; 3); R = \sqrt{2}$. **D.** $I(-2; 3); R = 2$

Lời giải

Chọn A

$$|(1 + i)z - 5 + i| = 2 \Leftrightarrow |(1 + i)(z - 2 + 3i)| = |1 + i||z - 2 + 3i| = \sqrt{2}|z - 2 + 3i| = 2$$

$$\Leftrightarrow |z - 2 + 3i| = \sqrt{2}$$

Gọi $z = x + yi (x, y \in \mathbb{R})$

$$\text{Ta có } |z - 2 + 3i| = |(x - 2) + (y + 3)i| = \sqrt{2} \Leftrightarrow (x - 2)^2 + (y + 3)^2 = 2$$

Vậy tập hợp điểm biểu diễn số phức z là đường tròn $I(2; -3); R = \sqrt{2}$

Câu 112. Xét các số phức z thỏa mãn $\frac{z + 2}{z - 2i}$ là số thuần ảo. Biết rằng tập hợp các điểm biểu diễn các số phức z luôn thuộc một đường tròn cố định. Bán kính của đường tròn đó bằng

A. 1. **B.** $\sqrt{2}$. **C.** $2\sqrt{2}$. **D.** 2.

Lời giải

Chọn B

Đặt $z = x + yi$

$$\text{Ta có } \frac{z + 2}{z - 2i} = \frac{x^2 + y^2 + 2x - 2y}{x^2 + (y - 2)^2} + \frac{2x - 2y + 4}{x^2 + (y - 2)^2}i \text{ là số thuần ảo}$$

$$\Leftrightarrow x^2 + y^2 + 2x - 2y = 0 \text{ là đường tròn có bán kính } R = \sqrt{2}.$$

Câu 113. Tập hợp tất cả các điểm biểu diễn các số phức z thỏa mãn $|\bar{z} + 2 - i| = 4$ là đường tròn có tâm và bán kính lần lượt là

A. $I(-2; -1); R = 4$.

B. $I(-2; -1); R = 2$.

C. $I(2; -1); R = 4$.

D. $I(2; -1); R = 2$.

Lời giải

Chọn A

Giả sử số phức thỏa mãn bài toán có dạng $z = x + yi$ ($x, y \in \mathbf{R}$).

Suy ra $\bar{z} + 2 - i = x - yi + 2 - i = x + 2 - (y + 1)i$.

Do đó: $|\bar{z} + 2 - i| = 4 \Leftrightarrow |x + 2 - (y + 1)i| = 4 \Leftrightarrow (x + 2)^2 + (y + 1)^2 = 16$.

Vậy tập hợp tất cả các điểm biểu diễn số phức z là đường tròn tâm $I(-2; -1)$, bán kính $R = 4$.

Câu 114. Xét các số phức z thỏa mãn $(\bar{z} + 2i)(z - 2)$ là số thuần ảo. Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp tất cả các điểm biểu diễn các số phức z là một đường tròn có tâm là điểm nào dưới đây?

A. $N(-1; -1)$.

B. $M(1; 1)$.

C. $P(-2; -2)$.

D. $Q(2; 2)$.

Lời giải

Chọn B

Gọi $z = x + yi$, ($x, y \in \mathbf{R}$).

Ta có: $(\bar{z} + 2i)(z - 2) = [x + (2 - y)i](x - 2 + yi) = (x^2 + y^2 - 2x - 2y) + (2x + 2y - 4)i$.

$(\bar{z} + 2i)(z - 2)$ là số thuần ảo $\Leftrightarrow x^2 + y^2 - 2x - 2y = 0 \Leftrightarrow (x - 1)^2 + (y - 1)^2 = 2$.

Vậy tập hợp tất cả các điểm biểu diễn các số phức z là một đường tròn có tâm $M(1; 1)$.

□ Dạng 04: Tập hợp điểm biểu diễn của số phức w theo quỹ tích của z

Câu 115. Cho số phức z thỏa mãn $(z + 3 - i)(\bar{z} + 1 + 3i)$ là một số thực. Biết rằng tập hợp các điểm biểu diễn của z là một đường thẳng. Khoảng cách từ gốc tọa độ đến đường thẳng đó bằng

A. $4\sqrt{2}$.

B. 0 .

C. $2\sqrt{2}$.

D. $3\sqrt{2}$.

Lời giải

Chọn C

Đặt $z = x + yi, (x, y \in \mathbb{R})$

$$\begin{aligned}(z + 3 - i)(\bar{z} + 1 + 3i) &= (x + yi + 3 - i)(x - yi + 1 + 3i) \\&= [(x + 3) + (y - 1)i] \cdot [(x + 1) + (-y + 3)i] \\&= (x + 3)(x + 1) - (y - 1)(-y + 3) + [(x + 3)(-y + 3) + (y - 1)(x + 1)]i\end{aligned}$$

$(z + 3 - i)(\bar{z} + 1 + 3i)$ là một số thực nên $(x + 3)(-y + 3) + (y - 1)(x + 1) = 0$

$$\Leftrightarrow -xy + 3x - 3y + 9 + xy + y - x - 1 = 0 \Leftrightarrow x - y + 4 = 0.$$

Suy ra tập các điểm biểu diễn của z là đường thẳng Δ có phương trình $x - y + 4 = 0$.

$$\text{Khoảng cách từ gốc tọa độ đến đường thẳng } \Delta: d(O; \Delta) = \frac{4}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}.$$

Câu 116. Xét số phức thỏa mãn $|z| = 3$. Biết rằng tập hợp điểm biểu diễn số phức $w = \bar{z} + i$ là một đường tròn. Tìm tọa độ tâm của đường tròn đó.

A. $(1; 0)$.

B. $(0; -1)$.

C. $(-1; 0)$.

D. $(0; 1)$.

Lời giải

Chọn D

Ta có $w = \bar{z} + i \Rightarrow \bar{z} = w - i$.

$$\text{Theo đề bài: } |z| = 3 \Leftrightarrow |\bar{z}| = 3 \Leftrightarrow |w - i| = 3 \quad (*)$$

Gọi $w = x + yi \quad (x, y \in \mathbb{R})$.

$$(*) \Leftrightarrow |x + yi - i| = 3 \Leftrightarrow x^2 + (y - 1)^2 = 9.$$

Vậy tập hợp điểm biểu diễn các số phức w là đường tròn có tâm $I(0; 1)$.

Câu 117. Cho hai số phức $z_1 = 1 - i$ và $z_2 = 1 + 2i$. Trên mặt phẳng tọa độ Oxy , điểm biểu diễn số phức $3z_1 + z_2$ có tọa độ là

A. $(4; -1)$.

B. $(-1; 4)$.

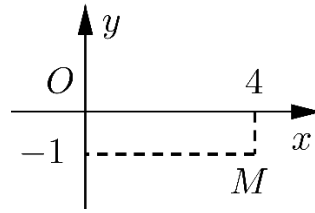
C. $(4; 1)$.

D. $(1; 4)$.

Lời giải

Chọn A

$$\bullet 3z_1 + z_2 = 3(1 - i) + (1 + 2i) = 4 - i.$$



• Vậy số phức $z = 3z_1 + z_2$ được biểu diễn trên mặt phẳng tọa độ Oxy là $M(4; -1)$.

Câu 118. Cho số phức $z = -2 + i$. Điểm nào dưới đây là điểm biểu diễn của số phức $w = iz$ trên mặt phẳng tọa độ?

- A.** $M(-1; -2)$. **B.** $P(-2; 1)$. **C.** $N(2; 1)$. **D.** $Q(2; 1)$.

Lời giải

Chọn A

Ta có $w = iz = i(-2 + i) = -2i + i^2 = -1 - 2i$.

Suy ra điểm $M(-1; -2)$ là điểm biểu diễn số phức $w = iz$ trên mặt phẳng tọa độ.

Câu 119. Cho số phức z thỏa mãn $|z| = 2$. Tập hợp điểm biểu diễn số phức $w = (1 - i)\bar{z} + 2i$ là

- A.** Một đường thẳng. **B.** Một đường tròn có bán kính bằng $2\sqrt{2}$.
C. Một đường tròn có bán kính bằng 2. **D.** Một đường elip.

Lời giải

Chọn B

Gọi số phức $w = x + yi, (x, y \in \mathbb{R})$.

+ Ta có $w = (1 - i)\bar{z} + 2i \Rightarrow \bar{z} = \frac{(x + yi) - 2i}{1 - i} = \frac{x - y + 2}{2} + \frac{(x + y - 2)i}{2}$.

+ Mà $|z| = 2 \Leftrightarrow \left(\frac{x - y + 2}{2}\right)^2 + \left(\frac{x + y - 2}{2}\right)^2 = 4 \Leftrightarrow x^2 + y^2 - 4y - 4 = 0 \Leftrightarrow x^2 + (y - 2)^2 = 8$.

Vậy tập hợp điểm biểu diễn số phức w là một đường tròn có bán kính bằng $2\sqrt{2}$.

Câu 120. Cho các số phức z thỏa mãn $|z| = 4$. Biết rằng tập hợp các điểm biểu diễn các số phức $w = (3 + 4i)z + i$ là một đường tròn. Tìm bán kính R của đường tròn đó.

- A.** $R = 5$. **B.** $R = 20$. **C.** $R = 22$. **D.** $R = 4$.

Lời giải

Chọn B

Gọi $M(x; y)$ là điểm biểu diễn số phức $w = x + iy$ với $x, y \in \mathbb{R}$.

Ta có: $w = (3 + 4i)z + i \Leftrightarrow a + (b - 1)i = (3 + 4i)z$.

$$\text{P } \sqrt{a^2 + (b-1)^2} = |3+4i| \cdot |z| = 5 \cdot 4 = 20 \quad \text{U} \quad a^2 + (b-1)^2 = (20)^2.$$

Vậy tập hợp số phức w là đường tròn có bán kính $R = 20$.

□ Dạng 05: Tìm tâm, bán kính của đường tròn biểu diễn số phức w theo quỹ tích z

Câu 121. Cho số phức z thỏa mãn $|z| = \sqrt{5}$. Biết tập hợp các điểm biểu diễn của số phức $w = (1+2i)z + i$ là một đường tròn. Tìm bán kính r của đường tròn đó?

A. $2\sqrt{5}$.

B. $\sqrt{5}$.

C. 10

D. 5.

Lời giải

Chọn D

$$\text{Ta có } z = \frac{w-i}{1+2i} \Rightarrow \left| \frac{w-i}{1+2i} \right| = \sqrt{5} \Leftrightarrow |w-i| = 5.$$

Vậy w thuộc hình tròn tâm I , bán kính 5.

Câu 122. Cho các số phức z thỏa mãn $|z| = 3$. Biết rằng tập hợp các điểm biểu diễn các số phức $w = 1-2i + (3-i)z$ là một đường tròn. Tính bán kính r của đường tròn đó.

A. $r = \sqrt{6}$.

B. $r = 6$.

C. $r = \sqrt{10}$.

D. $r = 10$.

Lời giải

Chọn C

Gọi $w = a+bi, a, b \in \mathbb{R}$. Ta có:

$$a+bi = 1-2i + (3-i)z \Rightarrow z = \frac{a+bi-1+2i}{3-i} = \frac{(a-1)+(b+2)i}{3-i} = \frac{3a-b-5}{10} + \frac{a+3b+5}{10}i.$$

$$\text{Mặt khác } |z| = 3 \text{ nên } \left(\frac{3a-b-5}{10} \right)^2 + \left(\frac{a+3b+5}{10} \right)^2 = 1 \Leftrightarrow (a-1)^2 + (b+2)^2 = 10.$$

$$\text{Suy ra } r = \sqrt{10}.$$

Câu 123. Xét các số phức z thỏa mãn $|z-2i+1| = 4$. Biết rằng tập hợp các điểm biểu diễn các số phức $w = (12-5i)z + 3i$ là một đường tròn. Tâm của đường tròn đó là:

A. $I(-1; 2)$.

B. $I(-2; 32)$.

C. $I(2; -32)$.

D. $I(1; -5)$.

Lời giải

Chọn B

$$\text{Ta có: } w = (12 - 5i)z + 3i \Rightarrow z = \frac{w - 3i}{12 - 5i}$$

$$|z - 2i + 1| = 4 \Rightarrow \left| \frac{w - 3i}{12 - 5i} - 2i + 1 \right| = 4 \Leftrightarrow |w - 3i - (2i - 1)(12 - 5i)| = 4|12 - 5i| \Leftrightarrow |w + 2 - 32i| = 52 \quad (1)$$

$$\text{Đặt } w = x + yi, \quad (1) \Rightarrow |x + yi + 2 - 32i| = 52 \Leftrightarrow (x + 2)^2 + (y - 32)^2 = 52 \Rightarrow I(-2; 32).$$

Câu 124. Cho số phức z, w thỏa mãn $|z| = 10$ và $\bar{z} = (3 + 4i)\bar{w}$. Khi đó các điểm biểu diễn số phức w thuộc đường tròn nào sau đây?

A. Đường tròn tâm $O(0; 0)$ và bán kính $R = 2$. **B.** Đường tròn tâm $I(0; 2)$ và bán kính $R = 2$.

C. Đường tròn tâm $O(0; 0)$ và bán kính $R = 1$. **D.** Đường tròn tâm $I(2; 0)$ và bán kính $R = 2$.

Lời giải

Chọn A

$$\text{Ta có: } \bar{z} = (3 + 4i)\bar{w} \Rightarrow |\bar{z}| = |(3 + 4i)\bar{w}|$$

$$\Leftrightarrow |\bar{z}| = 5|\bar{w}| \Leftrightarrow |z| = 5|w| \Leftrightarrow 10 = 5|w| \Leftrightarrow |w| = 2.$$

Vậy các điểm biểu diễn số phức w thuộc đường tròn tâm $O(0; 0)$ và bán kính $R = 2$.

□ Dạng 07: Bài tập tổng hợp khác

Câu 125. Nếu tập hợp các điểm biểu diễn số phức z trong mặt phẳng tọa độ Oxy là một đường tròn có phương trình $x^2 + y^2 = 9$ thì

A. $|z| = 9$.

B. $|z| = \frac{1}{9}$.

C. $|z| = \frac{1}{3}$.

D. $|z| = 3$.

Lời giải

Chọn D

Đường tròn $(C): x^2 + y^2 = 9$ có tâm $O(0; 0)$ và bán kính $R = 3$.

Giả sử $M(x; y)$ là điểm biểu diễn hình học của số phức z , khi đó $|z| = OM = R = 3$.

Câu 126. Trong mặt phẳng phức gọi $A; B; C$ lần lượt là các điểm biểu diễn số phức $z_1 = \sqrt{3} - i\sqrt{14}; z_2 = -\sqrt{7} + i\sqrt{10}; z_3 = -\sqrt{3} + i\sqrt{14}$. Hãy chọn **khẳng định đúng**.

- A.** Tam giác ABC là tam giác đều.
- B.** Tam giác ABC là tam giác vuông tại A .
- C.** Tam giác ABC là tam giác vuông tại B .
- D.** Tam giác ABC là tam giác vuông tại C .

Lời giải

Chọn C

Ta có :

$$z_1 = \sqrt{3} - i\sqrt{14} \Rightarrow A(\sqrt{3}; -\sqrt{14}); z_2 = -\sqrt{7} + i\sqrt{10} \Rightarrow B(-\sqrt{7}; \sqrt{10}); z_3 = -\sqrt{3} + i\sqrt{14} \Rightarrow C(-\sqrt{3}; \sqrt{14})$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{AB}(-\sqrt{7} - \sqrt{3}; \sqrt{14} + \sqrt{10}); \overrightarrow{BC}(\sqrt{7} - \sqrt{3}; \sqrt{14} - \sqrt{10}) \Rightarrow \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = 0 \Rightarrow \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{BC}$$

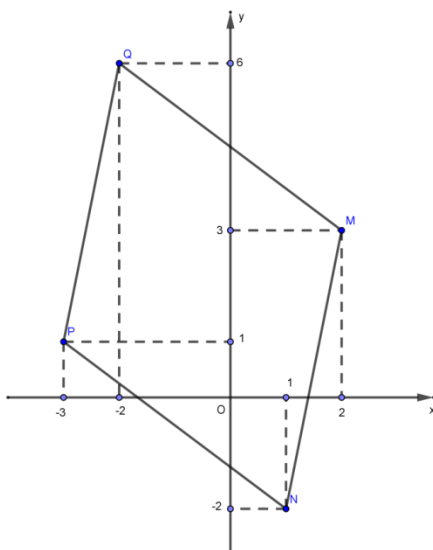
Vậy tam giác ABC là tam giác vuông tại B .

Câu 127. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho M, N, P lần lượt là điểm biểu diễn của các số phức $2 + 3i; 1 - 2i; -3 + i$. Tọa độ điểm Q sao cho tứ giác $MNPQ$ là hình bình hành

- A.** $Q(-2; 6)$.
- B.** $Q(-4; -4)$.
- C.** $Q(0; 2)$.
- D.** $Q(6; 0)$.

Lời giải

Chọn A



+) Do M, N, P lần lượt là điểm biểu diễn của các số phức $2 + 3i; 1 - 2i; -3 + i$

nên $M(2; 3); N(1; -2); P(-3; 1)$.

+) Tứ giác $MNPQ$ là hình bình hành $\Leftrightarrow \overline{MN} = \overline{QP}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x_N - x_M = x_P - x_Q \\ y_N - y_M = y_P - y_Q \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 - 2 = -3 - x_Q \\ -2 - 3 = 1 - y_Q \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_Q = -2 \\ y_Q = 6 \end{cases}.$$

Vậy $Q(-2; 6)$.

Câu 128. Nếu tập hợp các điểm biểu diễn số phức z trong mặt phẳng tọa độ Oxy là một đường tròn có phương trình $x^2 + y^2 = 9$ thì

- A.** $|z| = 3$. **B.** $|z| = 9$. **C.** $|z| = \frac{1}{9}$. **D.** $|z| = \frac{1}{3}$.

Lời giải

Chọn A

Đường tròn $(C): x^2 + y^2 = 9$ có tâm $O(0; 0)$ và bán kính $R = 3$.

Giả sử $M(x; y)$ là điểm biểu diễn hình học của số phức z , khi đó $|z| = OM = R = 3$.

Câu 129. Gọi A là điểm biểu diễn của số phức z , B là điểm biểu diễn số phức $(4 + 4i)z$ và O là gốc tọa độ. Biết chu vi của tam giác OAB bằng $24 + 16\sqrt{2}$. Giá trị của $T = |3 + i|z||$ bằng

- A.** $\sqrt{14}$ **B.** 5 **C.** $\sqrt{13}$ **D.** $3\sqrt{2}$

Lời giải

Chọn B

Tam giác OAB có $OA = |z|$; $OB = |(4 + 4i)z| = 4\sqrt{2}|z|$; $AB = |(4 + 4i)z - z| = |(3 + 4i)z| = 5|z|$

Suy ra chu vi tam giác OAB là $OA + OB + AB = (6 + 4\sqrt{2})|z| = 24 + 16\sqrt{2} \Leftrightarrow |z| = 4$

Suy ra $T = |3 + i|z|| = |3 + 4i| = 5$